

EXERCICE 5 (4 points)

Cet exercice porte sur la notion de file et sur la programmation en Python du programme de Terminale.

Rappel : une file est une structure de données abstraite fondée sur le principe « premier arrivé, premier servi. »

1. Laquelle de ces deux situations est associée à une structure de file ?

Situation 1 : « Je cuisine des crêpes. Dès qu'une crêpe est faite, je la place sur un plat. Chaque nouvelle crêpe est placée sur la crêpe précédente. Quand je vais manger une de ces crêpes, je commencerai par la crêpe située en haut de mon tas. »

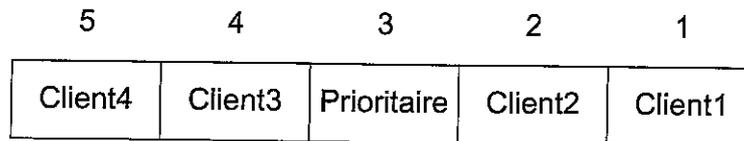
Situation 2 : « Je dispose d'une imprimante placée en réseau dans ma salle de classe équipée d'ordinateurs, tous en réseau. Tous les élèves présents ont accès à cette imprimante, via le réseau. A la fin de la séance, les élèves envoient leur production à l'impression. Les documents sont imprimés dans l'ordre d'arrivée ».

On modélise la gestion de l'attente à une caisse de supermarché. Les clients sont associés à une **File**. Les personnes prioritaires passeront devant les autres clients sans attendre. Nous ne tenons pas compte dans cet exercice de graduation dans les « priorités ». Nous ne tenons pas compte de personnes arrivant ensemble en caisse : il y aura toujours un des deux clients arrivé avant l'autre. On appelle 1^{ère} personne dans la queue, la première personne qui est juste derrière le client en train de payer ses articles en caisse. En d'autres termes, le client qui règle ses articles ne compte plus, puisqu'il n'attend plus dans la queue.

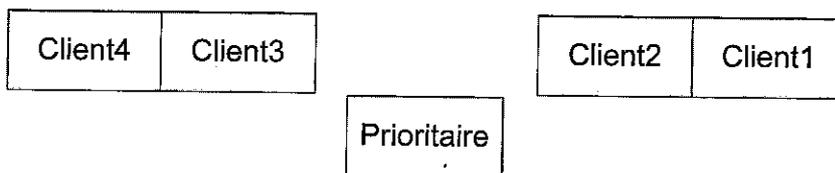
Voici les règles appliquées :

- La 1^{ère} personne arrivée se place dans la queue.
- Le contrôleur « relations clients » du supermarché vérifie les priorités « clients ».
- Si une personne dispose d'un accès prioritaire, elle passe en position 1, et de ce fait, tout le reste des clients dans l'attente rétrograde d'une place.
- Si deux personnes sont prioritaires, la 2^{ème} arrivée se placera derrière la 1^{ère} arrivée « Prioritaire » et ainsi de suite avec tout nouveau prioritaire.

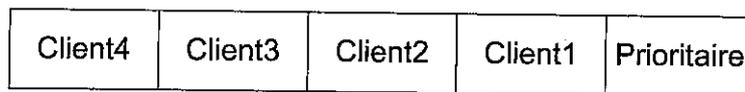
Exemple : À un instant t, la file est dans l'état ci-dessous :



La réorganisation grâce au contrôleur « relations clients » se met en place : « Client1 » et « Client2 » font un pas de côté, de même pour les personnes derrière « Prioritaire », en respectant leur ordre d'arrivée.



Le « Prioritaire » s'avance et se retrouve en position 1. Puis la file finale se réorganise.



Nous utiliserons uniquement les quatre fonctions primitives suivantes pour la suite des questions.

Structure de données abstraite: File
Utilise: Élément, Booléen
Opérations :
• <code>creer_file_vider</code> : $\emptyset \rightarrow \text{File}$ <code>creer_file_vider()</code> renvoie une file vide
• <code>est_vider</code> : $\text{File} \rightarrow \text{Booléen}$ <code>est_vider (File)</code> renvoie True si File est vide, False sinon
• <code>enfiler</code> : $\text{File}, \text{Élément} \rightarrow \text{Rien}$ <code>enfiler(File, element)</code> ajoute element dans la file File
• <code>defiler</code> : $\text{File} \rightarrow \text{Élément}$ <code>defiler(File)</code> renvoie l'élément en tête de la file File tout en le retirant de la file

On suppose que le contenu de la file F est le suivant:

Queue			Tête	
Client4	Prioritaire	Client3	Client2	Client1

2.a) On considère la file V définie dans le code ci-dessous.

Quel sera le contenu de V , F et de la variable val à la suite de ces instructions Python?

```
1  V = creer_file_vider()
2  val = defiler(F)
3  while not est_vider(F) and val != 'Prioritaire'
4      enfiler(V, val)
5      val = defiler(F)
```

On considère la fonction `longueur_file`, écrite en Python, ci-dessous. Le but de cette fonction est de renvoyer le nombre d'éléments d'une file donnée en paramètre. À la fin du programme, la file F doit avoir retrouvé son état d'origine.

2.b) Compléter le programme ci-dessous.

```
1  def longueur_file(F) :
2      V= creer_file_vider()
3      n= 0
4      while not est_vider(F) :
5          n = ...
6          val = defiler(F)
7          enfiler(V, val)
8      while not est_vider(V) :
9          ...
10         ...
11         return n
```

2.c) Écrire une fonction `compter_prio` qui prend en paramètre une file F . Cette fonction renvoie le nombre de personnes prioritaires dans la file d'attente, à l'instant t . La file F doit être identique à celle du départ en fin d'exécution de la fonction.